

[www.freemaths.fr](http://www.freemaths.fr)

# Spé Maths

## Terminale

Suites  
arithmético-géométriques



## ÉNONCÉ DE L'EXERCICE

# L'INFOGRAPHISTE

## ÉNONCÉ

Un infographiste simule sur ordinateur la croissance d'un bambou. Il prend pour modèle un bambou d'une taille initiale de 1 m dont la taille augmente d'un mois sur l'autre de 5% auxquels s'ajoutent 20 cm.

Pour tout entier naturel  $n$  non nul, on note  $U_n$  la taille, exprimée en centimètre, qu'aurait le bambou à la fin du  $n$ -ième mois. Ainsi:  $U_0 = 100$ .

1. Calculer  $U_1$  et  $U_2$ .

2. Expliquer pourquoi, pour tout entier naturel  $n$ :  $U_{n+1} = 1,05 \times U_n + 20$ .

3. Pour tout entier naturel  $n$ , on pose:  $V_n = U_n + 400$ .

a. Montrer que la suite  $(V_n)$  est une suite géométrique dont on précisera la raison et le premier terme  $V_0$ .

b. Pour tout entier naturel  $n$ , exprimer  $V_n$  en fonction de  $n$ .

c. En déduire que pour tout entier naturel  $n$ :  $U_n = 500 \times 1,05^n - 400$ .

d. Calculer la taille du bambou, au centimètre près, à la fin du 7<sup>e</sup> mois.

4. On considère l'algorithme ci-dessous dans lequel  $n$  est un entier naturel et  $u$  est un nombre réel:

```

u ← 100
n ← 0
Tant que u < 200 faire
    | u ← 1,05 × u + 20
    | n ← n + 1
Fin Tant que

```

- a. Recopier et compléter le tableau ci-dessous en ajoutant autant de colonnes que nécessaire pour retranscrire l'exécution de l'algorithme.

Test $u < 200$		vrai		...
Valeur de $u$	100			...
Valeur de $n$	0			...

- b. Quelle est la valeur de la variable  $n$  à la fin de l'exécution de l'algorithme ?  
Interpréter le résultat au regard de la situation étudiée dans cet exercice.
- c. Modifier les lignes nécessaires dans l'algorithme pour déterminer le nombre de mois qu'il faudrait à un bambou de 50 cm pour atteindre ou dépasser 10 m.