

www.freemaths.fr

Spé Maths

Terminale

Intégrales par **IPP**



CORRIGÉ DE L'EXERCICE

CALCUL D'UNE INTÉGRALE PAR IPP

2

CORRECTION

Calculons I à l'aide d'une IPP:

Ici: $I = \int_0^1 x e^{-x} dx.$

Soit $f(x) = x e^{-x}$. f est continue sur $[0; 1]$. Elle admet donc des primitives sur $[0; 1]$ et par conséquent I existe.

Ayons recours à une intégration par parties (IPP) pour le calcul de l'intégrale I .

Posons: • $u(x) = x$, d'où $u'(x) = 1$

• $v'(x) = e^{-x}$, d'où $v(x) = -e^{-x}$.

(u et v admettent des dérivées continues sur $[0; 1]$)

Dans ces conditions: $I = [u(x) \times v(x)]_0^1 - \int_0^1 v(x) \times u'(x) dx$

$$= [(x) \times (-e^{-x})]_0^1 - \int_0^1 -e^{-x} dx$$

$$= [-x e^{-x}]_0^1 - [e^{-x}]_0^1$$

$$= (-e^{-1} + 0) - (e^{-1} - 1)$$

$$= 1 - \frac{2}{e}$$

Au total, nous avons: $I = 1 - \frac{2}{e}$.