

[www.freemaths.fr](http://www.freemaths.fr)

# Maths Complémentaires Terminale

Suites Géométriques



**CORRIGÉ** DE L'EXERCICE

## COMMENT DÉTERMINER "n" ?

### CORRECTION

Déterminons "n" :

a.  $U_0 = 1$ ,  $q = 2$  et  $U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n = 63$ :

D'après le cours:  $U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n = U_0 \times \left( \frac{1 - q^{(n+1)}}{1 - q} \right)$ , avec  $q \neq 1$ .

Or ici:  $U_0 = 1$ ,  $q = 2$  et  $U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n = 63$ .

Dans ces conditions:  $1 \times \left( \frac{1 - (2)^{(n+1)}}{1 - 2} \right) = 63$

$$\Leftrightarrow 2^{(n+1)} - 1 = 63$$

$$\Leftrightarrow 2 \times 2^n = 64$$

$$\Leftrightarrow 2^n = 32.$$

Ainsi:  $n = 5$  car  $2^5 = 32$ .

b.  $U_0 = 2$ ,  $q = 3$  et  $U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n = 2186$ :

D'après le cours:  $U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n = U_0 \times \left( \frac{1 - q^{(n+1)}}{1 - q} \right)$ , avec  $q \neq 1$ .

Or ici:  $U_0 = 2$ ,  $q = 3$  et  $U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n = 2186$ .

Dans ces conditions:  $2 \times \left( \frac{1 - (3)^{(n+1)}}{1 - 3} \right) = 2186$

$$\Leftrightarrow 3^{(n+1)} - 1 = 2186$$

$$\Leftrightarrow 3 \times 3^n = 2187$$

$$\Leftrightarrow 3^n = 729.$$

Ainsi:  $n = 6$  car  $3^6 = 729$ .

c.  $U_0 = 12$ ,  $q = 3$  et  $U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n = 480$ :

D'après le cours:  $U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n = U_0 \times \left( \frac{1 - q^{(n+1)}}{1 - q} \right)$ , avec  $q \neq 1$ .

Or ici:  $U_0 = 12$ ,  $q = 3$  et  $U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n = 480$ .

Dans ces conditions:  $12 \times \left( \frac{1 - (3)^{(n+1)}}{1 - 3} \right) = 480$

$$\Leftrightarrow 3^{(n+1)} - 1 = 80$$

$$\Leftrightarrow 3 \times 3^n = 81$$

$$\Leftrightarrow 3^n = 27.$$

Ainsi:  $n = 3$  car  $3^3 = 27$ .

d.  $U_2 = \frac{7}{9}$ ,  $q = \frac{1}{3}$  et  $U_2 + U_3 + U_4 + \dots + U_n = \frac{91}{81}$ :

D'après le cours:  $u_p + u_{p+1} + u_{p+2} + \dots + u_n = u_p \times \left( \frac{1 - q^{(n-p+1)}}{1 - q} \right)$ , avec  $q \neq 1$ .

Or ici:  $u_2 = \frac{7}{9}$ ,  $q = \frac{1}{3}$  et  $u_2 + u_3 + u_4 + \dots + u_n = \frac{91}{81}$ .

Dans ces conditions: 
$$\frac{7}{9} \times \left( \frac{1 - \left(\frac{1}{3}\right)^{(n-2+1)}}{1 - \frac{1}{3}} \right) = \frac{91}{81}$$

$$\Leftrightarrow 1 - \left(\frac{1}{3}\right)^{(n-2+1)} = \frac{91}{81} \times \frac{6}{7}$$

$$\Leftrightarrow 1 - \left(\frac{1}{3}\right)^{(n-1)} = \frac{26}{27}$$

$$\Leftrightarrow \left(\frac{1}{3}\right)^{(n-1)} = \frac{1}{27}$$

Ainsi:  $n = 4$  car  $\left(\frac{1}{3}\right)^{(4-1)} = \frac{1}{27}$ .

e.  $u_3 = \frac{3}{64}$ ,  $q = \frac{1}{4}$  et  $u_3 + u_4 + u_5 + \dots + u_n = \frac{15}{16^2}$ :

D'après le cours:  $u_p + u_{p+1} + u_{p+2} + \dots + u_n = u_p \times \left( \frac{1 - q^{(n-p+1)}}{1 - q} \right)$ , avec  $q \neq 1$ .

Or ici:  $u_3 = \frac{3}{64}$ ,  $q = \frac{1}{4}$  et  $u_3 + u_4 + u_5 + \dots + u_n = \frac{15}{16^2}$ .

Dans ces conditions: 
$$\frac{3}{64} \times \left( \frac{1 - \left(\frac{1}{4}\right)^{(n-3+1)}}{1 - \frac{1}{4}} \right) = \frac{15}{16^2}$$

$$\Leftrightarrow 1 - \left(\frac{1}{4}\right)^{(n-3+1)} = \frac{5}{4} \times \frac{3}{4}$$

$$\Leftrightarrow 1 - \left(\frac{1}{4}\right)^{(n-2)} = \frac{15}{16}$$

$$\Leftrightarrow \left(\frac{1}{4}\right)^{(n-2)} = \frac{1}{16}$$

Ainsi:  $n = 4$  car  $\left(\frac{1}{4}\right)^{(4-2)} = \frac{1}{16}$ .