www.freemaths.fr

Maths Complémentaires Terminale

Suites arithmético-géométriques



ÉNONCÉ DE L'EXERCICE

L'INFOGRAPHISTE

ÉNONCÉ

Un infographiste simule sur ordinateur la croissance d'un bambou. Il prend pour modèle un bambou d'une taille initiale de 1 m dont la taille augmente d'un mois sur l'autre de 5% auxquels s'ajoutent 20 cm.

Pour tout entier naturel n non nul, on note U_n la taille, exprimée en centimètre, qu'aurait le bambou à la fin du n-ième mois. Ainsi: $U_0 = 100$.

- I. Calculer U_1 et U_2 .
- 2. Expliquer pour quoi, pour tout entier naturel n: $U_{n+1} = 1,05 \times U_n + 20$.
- 3. Pour tout entier naturel n, on pose: $V_n = U_n + 400$.
 - **a**. Montrer que la suite (V_n) est une suite géométrique dont on précisera la raison et le premier terme V_0 .
 - **b**. Pour tout entier naturel n, exprimer V_n en fonction de n.
 - c. En déduire que pour tout entier naturel n: $U_n = 500 \times 1,05^n 400$.
 - d. Calculer la taille du bambou, au centimètre près, à la fin du 7e mois.
- 4. On considère l'algorithme ci-dessous dans lequel n est un entier naturel et u est un nombre réel:

$$u \leftarrow 100$$
 $n \leftarrow 0$
Tant que $u < 200$ faire
$$u \leftarrow 1,05 \times u + 20$$

$$n \leftarrow n + 1$$
Fin Tant que

a. Recopier et compléter le tableau ci-dessous en ajoutant autant de colonnes que nécessaire pour retranscrire l'exécution de l'algorithme.

Test U < 200		vrai	
Valeur de u	/00		
Valeur de n	0		

- b. Quelle est la valeur de la variable n à la fin de l'exécution de l'algorithme ? Interpréter le résultat au regard de la situation étudiée dans cet exercice.
- c. Modifier les lignes nécessaires dans l'algorithme pour déterminer le nombre de mois qu'il faudrait à un bambou de 50 cm pour atteindre ou dépasser 10 m.