

[www.freemaths.fr](http://www.freemaths.fr)

# Maths Complémentaires Terminale

Espérance & Variance



**CORRIGÉ** DE L'EXERCICE

# LANCER SIMULTANÉ DE 2 DÉS DISTINCTS

## CORRECTION

1. Déterminons la loi de probabilité de X:

- Les valeurs que peut prendre la variable aléatoire (v.a.) X sont:

$$2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12.$$

Ainsi,  $X(\Omega)$  l'ensemble des valeurs que peut prendre la v.a. X est:

$$X(\Omega) = \{ 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12 \}.$$

- Nous savons que l'univers  $\Omega$  ou ensemble fondamental est l'ensemble de toutes les réalisations possibles d'une expérience aléatoire.

Ici,  $\Omega$  est l'ensemble de tous les couples ordonnés (a, b) résultant de l'expérience aléatoire consistant à lancer simultanément deux dés non pipés distincts.

" a " représente le résultat du premier dé et " b " celui du second.

Dans ces conditions:  $\Omega = \{ (1, 1), (1, 2), (1, 3), (1, 4), (1, 5), (1, 6),$   
 $(2, 1), (2, 2), (2, 3), (2, 4), (2, 5), (2, 6),$   
 $(3, 1), (3, 2), (3, 3), (3, 4), (3, 5), (3, 6),$   
 $(4, 1), (4, 2), (4, 3), (4, 4), (4, 5), (4, 6),$   
 $(5, 1), (5, 2), (5, 3), (5, 4), (5, 5), (5, 6),$   
 $(6, 1), (6, 2), (6, 3), (6, 4), (6, 5), (6, 6) \}.$

Ainsi, il y a 36 couples.

• Nous avons: •  $P(X=2) = \frac{1}{36};$

•  $P(X=3) = \frac{2}{36};$

•  $P(X=4) = \frac{3}{36};$

•  $P(X=5) = \frac{4}{36};$

•  $P(X=6) = \frac{5}{36};$

•  $P(X=7) = \frac{6}{36};$

•  $P(X=8) = \frac{5}{36};$

•  $P(X=9) = \frac{4}{36};$

•  $P(X=10) = \frac{3}{36};$

•  $P(X=11) = \frac{2}{36};$

•  $P(X=12) = \frac{1}{36}.$

Notons que:  $P(X=2) + P(X=3) + P(X=4) + P(X=5) + P(X=6)$   
 $+ P(X=7) + P(X=8) + P(X=9) + P(X=10) + P(X=11)$   
 $+ P(X=12) = 1.$

- La loi de probabilité de la v.a.  $X$  est donc:

$x_i$	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$P(X = x_i)$	$\frac{1}{36}$	$\frac{2}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{4}{36}$	$\frac{5}{36}$	$\frac{6}{36}$	$\frac{5}{36}$	$\frac{4}{36}$	$\frac{3}{36}$	$\frac{2}{36}$	$\frac{1}{36}$

## 2. a. Calculons $E(X)$ :

D'après le cours:  $E(X) = \sum_{i=1}^n P(X = x_i) \times x_i$ .

$$\text{Ici: } E(X) = \left(\frac{1}{36} \times 2\right) + \left(\frac{2}{36} \times 3\right) + \left(\frac{3}{36} \times 4\right) + \dots + \left(\frac{1}{36} \times 12\right) = 7.$$

## 2. b. Calculons $V(X)$ et $\sigma(X)$ :

D'après le cours:  $V(X) = \sum_{i=1}^n P(X = x_i) \times x_i^2 - [E(X)]^2$ .

$$\begin{aligned} \text{Ici: } V(X) &= \left(\frac{1}{36} \times 2^2\right) + \left(\frac{2}{36} \times 3^2\right) + \left(\frac{3}{36} \times 4^2\right) + \dots + \left(\frac{1}{36} \times 12^2\right) - [7]^2 \\ &= \frac{35}{6}. \end{aligned}$$

On en déduit, l'écart type:  $\sigma(X) = \sqrt{V(X)} = \sqrt{\frac{35}{6}}$ .