

INTERRO

MATHS

PROBABILITÉS

**PREMIÈRE
SPÉCIALITÉ MATHS**

Modèle CCYC : ©DNE																				
Nom de famille (naissance) : <small>(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)</small>																				
Prénom(s) :																				
N° candidat :											N° d'inscription :									
 <small>Liberté • Égalité • Fraternité</small> RÉPUBLIQUE FRANÇAISE	<small>(Les numéros figurent sur la convocation.)</small>																			
	Né(e) le :			/			/													

1.1

Exercice 4 (5 points)

Dans un jeu, Jeanne doit trouver la bonne réponse à une question posée. Les questions sont classées en trois catégories : sport, cinéma et musique. Jeanne, fervente supportrice de ce jeu, est consciente qu'elle a :

- 1 chance sur 2 de donner la bonne réponse sachant qu'elle est interrogée en sport ;
- 3 chances sur 4 de donner la bonne réponse sachant qu'elle est interrogée en cinéma ;
- 1 chance sur 4 de donner la bonne réponse sachant qu'elle est interrogée en musique.

On note :

- S l'événement : « Jeanne est interrogée en sport » ;
- C l'événement : « Jeanne est interrogée en cinéma » ;
- M l'événement : « Jeanne est interrogée en musique » ;
- B l'événement : « Jeanne donne une bonne réponse ».

Rappel de notation : la probabilité d'un événement A est notée $P(A)$.

Dans chaque catégorie, il y a le même nombre de questions. On admet donc que

$$P(S) = P(C) = P(M) = \frac{1}{3}.$$



1. Construire un arbre pondéré décrivant la situation.
2. Jeanne tire au hasard une question. Montrer que $P(B) = \frac{1}{2}$.

Pour participer à ce jeu, Jeanne doit payer 10 € de droit d'inscription. Elle recevra :

- 10 € si elle est interrogée en sport et que sa réponse est bonne ;
- 20 € si elle est interrogée en cinéma et que sa réponse est bonne ;
- 50 € si elle est interrogée en musique et que sa réponse est bonne ;
- rien si la réponse qu'elle donne est fausse.

On note X la variable aléatoire qui, à chaque partie jouée par Jeanne associe son gain algébrique, c'est-à-dire la différence en euros entre ce qu'elle reçoit et les 10 € de droit d'inscription.

3. Montrer que $P(X = 40) = \frac{1}{12}$.
4. Déterminer la loi de probabilité de X .
5. Calculer l'espérance mathématique de X . Jeanne a-t-elle intérêt à jouer ?