

INTERRO

MATHS

**DÉRIVÉES
FONCTIONS**

**PREMIÈRE
SPÉCIALITÉ MATHS**



Exercice 4 (5 points)

Une entreprise vend des smartphones d'un seul modèle « haut de gamme ».

Le service marketing modélise le nombre de smartphones modèle « haut de gamme »

vendus par trimestre en fonction du prix de vente x par la fonction N définie par

$$N(x) = 100e^{-2x} \text{ où :}$$

- x est le prix de vente **en milliers d'euros** d'un smartphone modèle « haut de gamme ». Le prix du smartphone modèle « haut de gamme » est compris entre 400€ et 2000€ ; on a donc $x \in [0,4 ; 2]$.
- $N(x)$ est le nombre de smartphones modèle « haut de gamme » vendus trimestriellement en **millions d'unités**.

1. Si le service commercial fixe le prix de vente de ce smartphone modèle « haut de gamme » à 1000 €, quel sera le nombre de smartphones vendus trimestriellement ? On arrondira le résultat à mille unités.

La recette trimestrielle $R(x)$ est obtenue en multipliant le nombre de smartphones modèle « haut de gamme » vendus par le prix de vente. On obtient $R(x) = x \times N(x)$ en **milliards d'euros**.

Le coût de production en milliards d'euros en fonction du nombre de smartphones modèle « haut de gamme » fabriqués est modélisé par la fonction C définie par $C(x) = 0,4 \times N(x)$ où x est le prix de vente **en milliers d'euros**.

Le bénéfice est obtenu en calculant la différence entre la recette et le coût de production.

2. Vérifier que le bénéfice trimestriel peut être estimé à 8,120 milliards d'euros pour un prix de vente 1000 €.
3. Montrer que le bénéfice trimestriel s'exprime en milliards d'euros en fonction du prix de vente x en milliers d'euros par : $B(x) = (100x - 40) e^{-2x}$.
4. On admet que pour tout réel $x \in [0,4 ; 2]$, $B'(x) = (180 - 200x) e^{-2x}$. Étudier les variations de la fonction B sur l'intervalle $[0,4 ; 2]$.
5. À quel prix faut-il vendre ces smartphones pour assurer un bénéfice maximal ?