

SUJET

2020-2021

LES SUITES

Première **Spé Maths**

ÉVALUATIONS
COMMUNES

Modèle CCYC : ©DNE																				
Nom de famille (naissance) : <small>(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)</small>																				
Prénom(s) :																				
N° candidat :											N° d'inscription :									
 Liberté • Égalité • Fraternité RÉPUBLIQUE FRANÇAISE	(Les numéros figurent sur la convocation.)																			
Né(e) le :			/			/														

1.1

Exercice 3 (5 points)

On considère les deux suites suivantes :

- la suite (u_n) définie pour tout entier n par :

$$u_n = \frac{8n - 4}{n + 1}$$

- la suite (v_n) définie par $v_0 = 0$ et $v_{n+1} = 0,5v_n + 3,5$ pour tout entier n .

- Calculer les termes d'indice 3 des suites (u_n) et (v_n) .
- On s'intéresse aux variations de la suite (u_n) .

Pour cela, on considère la fonction f définie sur $[0; +\infty[$ par :

$$f(x) = \frac{8x - 4}{x + 1}$$

- Démontrer que la fonction f est croissante sur $[0; +\infty[$.
 - En déduire la monotonie de la suite (u_n) .
- On considère l'affirmation suivante :

« pour tout entier n , $u_n < v_n$ ».

Camille pense que cette affirmation est vraie alors que Dominique pense le contraire.

Pour les départager, on réalise le programme suivant écrit en langage Python :

```
def algo( ) :
    n = 0
    u = - 4
    v = 0
    while u < v :
        n = n+1
        u = (8*n - 4) / (n+1)
        v = 0.5*v + 3.5
    return(n)
```

Le programme renvoie la valeur 11. Qui de Camille ou Dominique a raison ? Expliquer.