

TRAINING!

2021-2022

SUJET

PREMIÈRE
TECHNOLOGIQUE

Modèle CCYC : ©DNE																				
Nom de famille (naissance) : <small>(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)</small>																				
Prénom(s) :																				
N° candidat :											N° d'inscription :									
 <small>Liberté • Égalité • Fraternité</small> <small>RÉPUBLIQUE FRANÇAISE</small>	<small>(Les numéros figurent sur la convocation.)</small>																			
	Né(e) le :			/			/													

1.1

Mathématiques : PARTIE II

Calculatrice autorisée

Cette partie est composée de trois exercices indépendants.

Exercice 2 (5 points)

Le chiffre d'affaires d'une entreprise A augmente de 11 000 € par an.

En 2016, ce chiffre était de 200 000 €.

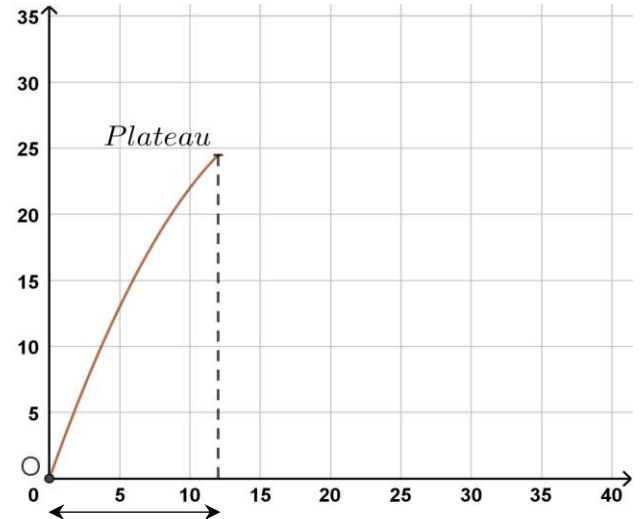
Pour tout entier naturel n , on note a_n le chiffre d'affaires de l'année 2016 + n .

- Déterminer le chiffre d'affaires de l'année 2017, puis de l'année 2018.
- Pour tout entier naturel n , exprimer a_{n+1} en fonction de a_n .
- Quelle est la nature de cette suite ? Donner son premier terme et sa raison.
- En quelle année le chiffre d'affaires de l'entreprise A aura-t-il dépassé 300 000 € ?
- Le chiffre d'affaires de l'entreprise B augmente de 5% par an.
En 2016 ce chiffre était de 200 000 €. En quelle année l'augmentation du chiffre d'affaires de l'entreprise sera-t-il supérieur à 11 000 € ?



Exercice 3 (5 points)

Lorsque l'on fait du ball-trap, les « pigeons d'argile » (ou plateaux) sont lancés depuis un point O avec une certaine vitesse initiale. Dans un repère orthogonal d'origine O, la hauteur du plateau, en mètres, est modélisée par la fonction h définie sur $[0 ; +\infty[$ par $h(x) = -0,08x^2 + 3x$, où x désigne la distance au sol en mètre du plateau.



1. On souhaite déterminer à quelle distance du lanceur le plateau retombe.

a. Montrer que $h(x) = -0,08x(x - 37,5)$.

b. En quel point du sol le plateau retombe-t-il ?

2. On souhaite déterminer la hauteur maximale atteinte par le plateau.

On considère une partie d'une feuille de calcul d'un tableur qui donne la hauteur atteinte $h(x)$ par le plateau en fonction de x :

	A	B	C	D	E	F	G	H
1	x	15	16	17	18	19	20	21
2	h(x)	27	27,52	27,88	28,08	28,12	28	27,72

a. Quelle formule doit-on écrire en B2 permettant d'obtenir par recopie vers la droite les valeurs de la hauteur ?

b. Donner un encadrement de la hauteur maximale.

3. On souhaite préciser l'encadrement obtenu à la question précédente à l'aide de l'algorithme suivant :

Modèle CCYC : ©DNE																				
Nom de famille (naissance) : <small>(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)</small>																				
Prénom(s) :																				
N° candidat :											N° d'inscription :									
 <small>Liberté • Égalité • Fraternité</small> <small>RÉPUBLIQUE FRANÇAISE</small>	<small>(Les numéros figurent sur la convocation.)</small>																			
	Né(e) le :			/			/													

1.1

```

1 from math import *
2
3 def f(x):
4     y= -0.08*x*(x - 37.5)
5     return(y)
6
7 a=18
8 while f(a)<f(a+0.1):
9     a=a+0.1
10
11 return(a, a+0.1)

```

Après son exécution, que renvoie l'algorithme ?

Exercice 4 (5 points)

Une entreprise fabrique et vend une quantité x d'objets.

La capacité maximale de production de l'entreprise est de 21 objets.

Le coût total de fabrication de x objets, exprimé en euros, est donné par :

$$C(x) = 2x^3 - 54x^2 + 470x + 80.$$

Sa représentation graphique dans un repère orthogonal est donnée dans le repère ci-après.

Chaque objet est vendu 200 €.

- Pour 12 objets fabriqués et vendus, calculer le chiffre d'affaires et le coût.
- $R(x)$ et $B(x)$ désignent le chiffre d'affaires et le résultat, exprimés en euros, pour x objets vendus. On rappelle que le résultat est la différence entre le chiffre d'affaires et le coût. Lorsque le résultat est positif, on l'appelle bénéfice. On admet que $R(x) = 200x$. Tracer la courbe représentative de la fonction R sur l'intervalle $[0; 21]$ dans le repère donné ci-après.
- On admet que le bénéfice pour x objets vendus est : $B(x) = -2x^3 + 54x^2 - 270x - 80$. La fonction B est dérivable sur $[8; 20]$ et on note B' sa fonction dérivée.
 - Calculer $B'(x)$ et montrer que $B'(x) = -6(x - 3)(x - 15)$ pour $x \in [8; 20]$
 - À l'aide d'un tableau de signes, étudier le signe de $B'(x)$ sur l'intervalle $[8; 20]$ et en déduire le tableau de variation de la fonction B sur $[8; 20]$.



- c. Pour quel nombre d'objets fabriqués et vendus le bénéfice est-il maximal ?
Quel est ce bénéfice maximal ?

