

# SUJET

## 2020-2021

# MATHÉMATIQUES

## Première Technologique

# ÉVALUATIONS COMMUNES

Modèle CCYC : ©DNE

**Nom de famille** (naissance) :


(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

**Prénom(s)** :

**N° candidat** :  **N° d'inscription** :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

**Né(e) le** :  /  /



1.1

## ÉVALUATIONS COMMUNES

**CLASSE** : Première

**EC** :  EC1  EC2  EC3

**VOIE** :  Générale  Technologique  Toutes voies (LV)

**ENSEIGNEMENT** : Mathématiques

**DURÉE DE L'ÉPREUVE** : 2h

**PREMIÈRE PARTIE** : CALCULATRICE INTERDITE

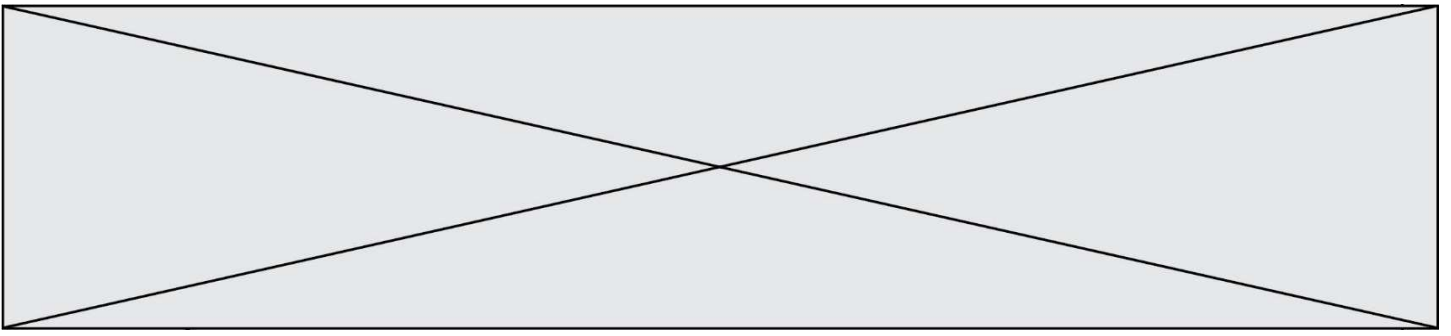
**DEUXIÈME PARTIE** : CALCULATRICE AUTORISÉE

Ce sujet contient des parties à rendre par le candidat avec sa copie. De ce fait, il ne peut être dupliqué et doit être imprimé pour chaque candidat afin d'assurer ensuite sa bonne numérisation.

Ce sujet intègre des éléments en couleur. S'il est choisi par l'équipe pédagogique, il est nécessaire que chaque élève dispose d'une impression en couleur.

Ce sujet contient des pièces jointes de type audio ou vidéo qu'il faudra télécharger et jouer le jour de l'épreuve.

**Nombre total de pages** : 7



Modèle CCYC : ©DNE

Nom de famille (naissance) :


(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

Prénom(s) :

N° candidat :  N° d'inscription :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

Né(e) le :  /  /



1.1

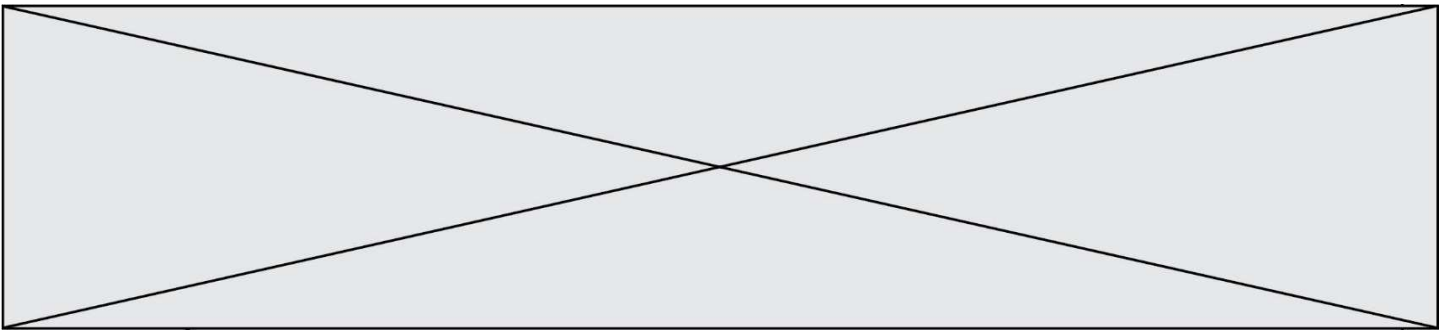
## PARTIE I – Exercice 1

**Automatismes (5 points)**

**Sans calculatrice**

**Durée : 20 minutes**

	Énoncé	Réponse								
1)	Donner le coefficient multiplicateur correspondant à une diminution de 15%.									
2)	Augmenter un prix de 13% revient à multiplier ce prix par un nombre. Lequel ?									
3)	Quel taux d'évolution faut-il appliquer à un prix de 60 € pour obtenir un prix de 75 € ?									
4)	Déterminer le taux d'évolution équivalent à une réduction de 50% suivie d'une augmentation de 30%.									
5)	Si le prix final, suite à une augmentation de 25%, est de 150 €, quel est le prix initial ?									
6)	Voici un tableau donnant les indices de la valeur d'une action entre 2017 et 2019 avec l'indice base 100 en 2017. <table border="1" style="margin: 10px auto;"> <thead> <tr> <th>Année</th> <th>2017</th> <th>2018</th> <th>2019</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Indice base 100</td> <td>100</td> <td>87</td> <td>105</td> </tr> </tbody> </table> <p>Donner le taux d'évolution, en pourcentage, de cette action entre 2017 et 2018.</p>	Année	2017	2018	2019	Indice base 100	100	87	105	
Année	2017	2018	2019							
Indice base 100	100	87	105							
7)	Résoudre l'équation : $2x^2 = 18$									
8)	Résoudre l'équation : $2x - 1 = 3 - x$									
9)	Résoudre l'inéquation : $4x + 3 < x$									
10)	Déterminer le signe de : $-2x - 1$									



Modèle CCYC : ©DNE

Nom de famille (naissance) :


(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

Prénom(s) :

N° candidat :  N° d'inscription :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

Né(e) le :  /  /

 Liberté • Égalité • Fraternité  
RÉPUBLIQUE FRANÇAISE

1.1

## PARTIE II

### Calculatrice autorisée

*Cette partie est composée de trois exercices indépendants.*

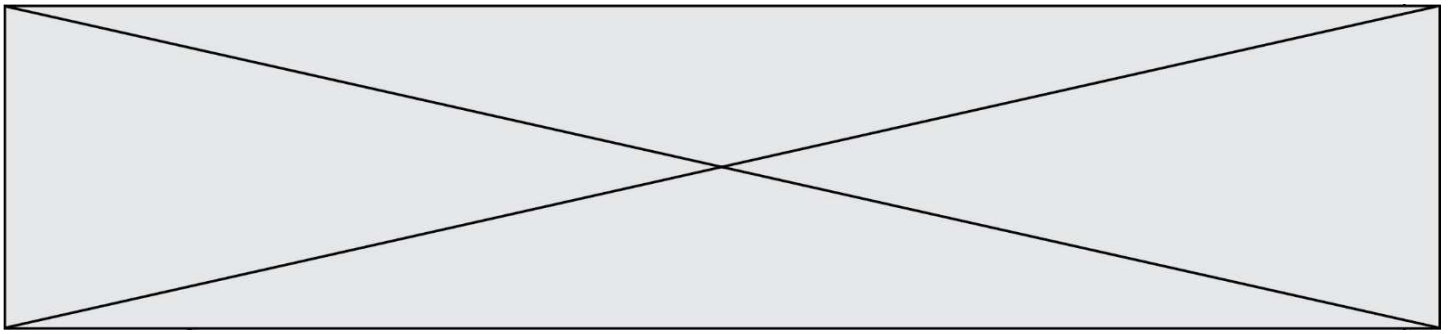
### EXERCICE 2 (5 points)

Le comité d'entreprise d'une société française souhaite organiser un week-end à Rome. Une enquête est faite auprès des 1 200 employés de cette société afin de connaître leur choix en matière de moyen de transport. Les moyens de transport proposés sont le train, l'avion ou l'autocar.

Les résultats de l'enquête sont répertoriés dans le tableau ci-dessous :

	Train	Avion	Autocar	Total
Femmes	468	196	56	720
Hommes	150	266	64	480
Total	618	462	120	1200

1. Quelle est, en pourcentage, la proportion de femmes parmi les employés de cette société ?
2. Quelle est, en pourcentage, la proportion d'employés de cette société qui préfèrent le train ?
3. Quelle est, en pourcentage, la proportion d'employés de cette société qui sont des femmes et préfèrent le train ?
4. Parmi les employés de cette société préférant l'autocar, quelle est, en pourcentage, la proportion d'hommes ? Arrondir à 0,1%.
5. On interroge au hasard un homme employé de cette société. Quelle est la probabilité qu'il préfère l'avion ? Arrondir au centième.



**EXERCICE 3 (5 points)**

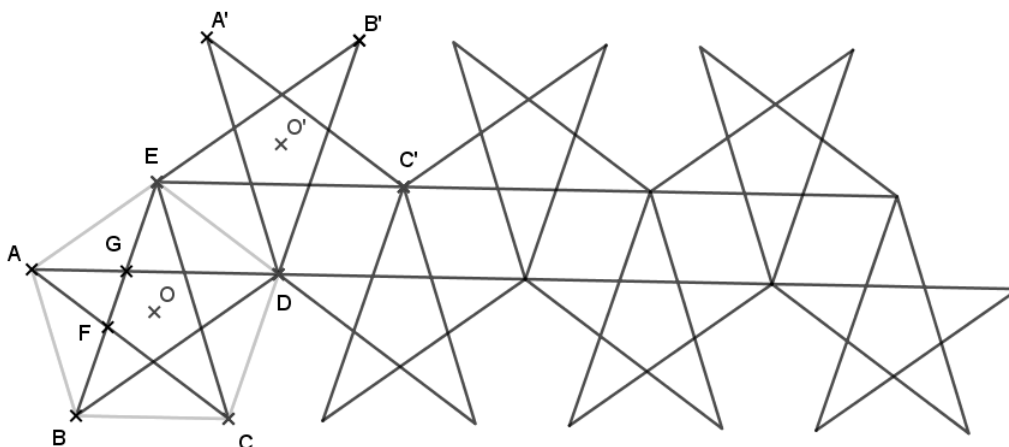
Un apiculteur vend des cartons de pots de miel.

Le coût, en euro, de production de  $n$  cartons,  $n \leq 120$ , est modélisé par le nombre  $C(n)$ , où  $C$  est la fonction définie sur l'intervalle  $[0 ; 120]$  par  $C(x) = 0,25x^2 + 500$ .

1. Calculer le coût de production de 40 cartons.
2. On considère le bénéfice, en euro, réalisé après la production et la vente de  $n$  cartons. On admet qu'il est modélisé par le nombre  $B(n)$ , où  $B$  est la fonction définie sur l'intervalle  $[0 ; 120]$  par :  $B(x) = -0,25x^2 + 30x - 500$ .  
Montrer que pour tout  $x$  appartenant à  $[0 ; 120]$ ,  $B(x) = -0,25(x - 20)(x - 100)$ .
3. Déterminer le tableau de signes de  $B(x)$  sur l'intervalle  $[0 ; 120]$ .
4. Combien de cartons doit produire et vendre l'apiculteur pour réaliser un bénéfice ?
5. Déterminer le nombre de cartons à produire et à vendre pour que le bénéfice soit maximal.

**EXERCICE 4 (5 points)**

La figure ci-dessous représente une partie d'une frise constituée d'étoiles réalisées en reliant deux à deux les sommets de pentagones réguliers. Cette frise a deux parties, l'une basse et l'autre haute.



Modèle CCYC : ©DNE

Nom de famille (naissance) :


(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

Prénom(s) :

N° candidat :  N° d'inscription :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

Né(e) le :  /  /



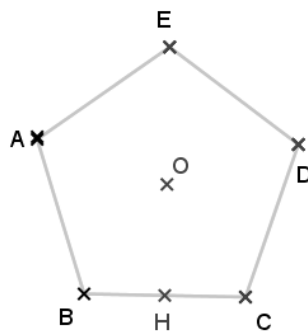
1.1

L'étoile A-C-E-B-D-A est obtenue à partir du pentagone régulier ABCDE de centre O.  
C'est la première étoile de la partie basse de la frise.

L'étoile E-B'-D-A'-C'-E est obtenue à partir du pentagone régulier A'B'C'DE de centre O'.  
C'est la première étoile de la partie haute de la frise.

Les segments [AC] et [BE] se coupent en F. Les segments [AD] et [BE] se coupent en G.

Dans la figure ci-dessous, on a reproduit le pentagone régulier ABCDE de centre O.  
Le point H est le milieu du côté [BC]. On donne  $BC = 2$  cm.



1. Prouver que  $\widehat{BOC} = 72^\circ$ .
2. Déterminer la nature du triangle OHB puis calculer OB. *On arrondira le résultat au millimètre.*
3. Le triangle AGF est pris comme motif élémentaire de la frise.  
À partir de ce motif élémentaire, par quelles transformations peut-on obtenir les quatre autres triangles formant l'étoile A-C-E-B-D-A ?
4. Par quelle transformation l'étoile A-C-E-B-D-A a-t-elle pour image l'étoile E-B'-D-A'-C'-E ?
5. La figure constituée des étoiles A-C-E-B-D-A et E-B'-D-A'-C'-E est prise comme motif élémentaire.  
À partir de ce motif élémentaire, quelle transformation doit-on appliquer de manière répétée pour réaliser une partie de la frise avec autant d'étoiles dans sa partie basse que dans sa partie haute ?