

SUJET

2019-2020

MATHÉMATIQUES

Première Technologique

ÉVALUATIONS COMMUNES

Modèle CCYC : ©DNE

Nom de famille (naissance) :

(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

Prénom(s) :

N° candidat :

N° d'inscription :



Liberté • Égalité • Fraternité
RÉPUBLIQUE FRANÇAISE

Né(e) le :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

1.1

Épreuve de MATHÉMATIQUES - Séries technologiques - Classe de première

PARTIE I

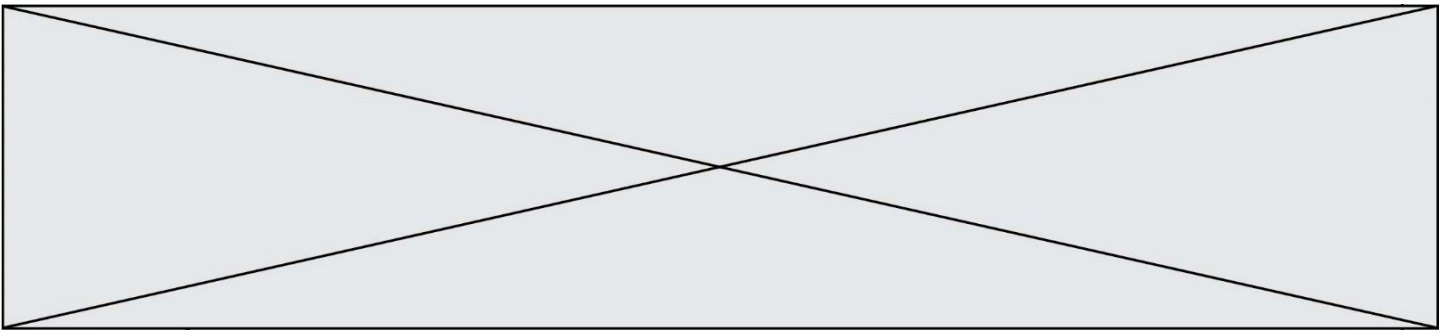
AUTOMATISMES (5 points)

Sans calculatrice

Durée : 20 minutes

Dans cet exercice, il n'est pas demandé de justification. Répondre à chaque énoncé dans la colonne de droite du tableau.

| Question n° | Énoncé | Réponse |
|-------------|--|---|
| 1 | Un sac contient 11 jetons rouges, 3 jetons bleus et 6 jetons verts. Déterminer, en pourcentage, la proportion de jetons verts dans le sac. | |
| 2 | Donner le résultat sous forme simplifiée de $\frac{3}{2} - 2 \times \frac{1}{3}$. | |
| 3 | Développer et réduire $3x(x - 1) + (x + 2)^2$. | |
| 4 | f est la fonction définie par $f(x) = 2x^2 + 3x - 5$. Calculer l'image de -1 par f . | |
| 5 | Donner la forme factorisée de $(2x - 3)(x + 2) - 5(x + 2)$. | |
| 6 | La surface S d'une sphère de rayon R est donnée par la formule $S = 4\pi \times R^2$. Exprimer R en fonction de S . | |
| 7 | Calculer, en cm^3 , le volume V d'un cylindre de rayon $R = 0,4 \text{ cm}$ et de hauteur $h = 5 \text{ cm}$ en prenant pour π la valeur 3. On rappelle que $V = \pi \times R^2 \times h$. | |
| 8 | Déterminer l'équation réduite de la droite (D) passant par les points $A(2; 4)$ et $B(6; 6)$. | |
| | | Résoudre graphiquement avec la précision permise par le graphique : |
| 9 | | $f(x) = 0$ |
| 10 | $f(x) = g(x)$ | |



| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---|---|--|--|---|--|--|---|--|--|--|--------------------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| Modèle CCYC : ©DNE | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Nom de famille (naissance) : <small>(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)</small> | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Prénom(s) : | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| N° candidat : | | | | | | | | | | | N° d'inscription : | | | | | | | | | |
|  <small>Liberté • Égalité • Fraternité</small> RÉPUBLIQUE FRANÇAISE | <small>(Les numéros figurent sur la convocation.)</small> | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | Né(e) le : | | | / | | | / | | | | | | | | | | | | | |

1.1

Épreuve de MATHÉMATIQUES - Séries technologiques - Classe de première

PARTIE II

Calculatrice autorisée selon la réglementation en vigueur.

Cette partie est composée de trois exercices indépendants.

EXERCICE 2 (5 points)

En 2016, la production de voitures électriques d'un grand groupe a été de 53 000 véhicules sur un de ses sites. Par rapport à 2016, le nombre de véhicules électriques produits sur le site en 2017 a augmenté de 5 %. La direction décide de maintenir chaque année cette progression de 5 % par rapport à la production de l'année précédente.

1. Déterminer le nombre de véhicules produits au cours de l'année 2017.

On modélise le nombre de véhicules électriques produits sur le site, au cours de l'année $2016 + n$, par une suite (v_n) .

2. Exprimer v_{n+1} en fonction de v_n .

3. On souhaite déterminer l'année au cours de laquelle la production de véhicules électriques aura doublé par rapport à la production de 2016.

On considère le programme ci-dessous écrit en langage Python :

```

1 v=53000
2 a=2016
3 while v<.....:
4     v=.....
5     a=a+1
6 print(.....)
```

- Recopier et compléter les lignes 3, 4 et 6 de ce programme afin qu'il réponde au problème.
- Apporter une réponse au problème posé à l'aide de votre calculatrice.

**EXERCICE 3 (5 points)**

Dans le cadre d'un projet expérimental, des lycéens ont fabriqué une fusée de feu d'artifice qui est lancée à partir d'une plateforme située à 8 m de hauteur.

La hauteur de la fusée (en mètre) atteinte en fonction du temps t (en dixième de seconde) est modélisée par la fonction f définie par :

$$f(t) = -0,5 t^2 + 10t + 8 \text{ pour } t \in [0 ; 20].$$

1. Calculer $f(10)$. Interpréter le résultat dans le contexte de l'exercice.
2. L'explosion de la fusée ne peut être déclenchée qu'à une hauteur minimum de 40 mètres. Les lycéens cherchent le temps de vol à programmer avant l'explosion.

On note g la fonction définie sur $[0; 20]$ par $g(t) = -0,5 t^2 + 10t - 32$.

- a. Vérifier que $g(t) = -0,5(t - 4)(t - 16)$.
- b. Montrer que le problème revient à résoudre l'inéquation $g(t) \geq 0$.
- c. Résoudre l'inéquation et répondre au problème.

Modèle CCYC : ©DNE

Nom de famille (naissance) :

(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

Prénom(s) :

N° candidat : N° d'inscription :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

Né(e) le : / /



RÉPUBLIQUE FRANÇAISE

1.1

EXERCICE 4 (5 points)

Un fabricant d'ampoules possède deux machines notées A et B.

La machine A fournit 65 % de la production et la machine B fournit le reste. Certaines ampoules présentent un défaut de fabrication :

- À la sortie de la machine A, 8 % des ampoules présentent un défaut.
- À la sortie de la machine B, 4 % des ampoules présentent un défaut.

La production quotidienne du fabricant est de 15 000 ampoules par jour.

1. Combien d'ampoules proviennent de chacune des machines ?
2. Recopier puis compléter le tableau croisé des effectifs :

| Machine \ Défaut | A | B | Total |
|------------------|-----|---|--------|
| Avec défaut | 780 | | |
| Sans défaut | | | |
| Total | | | 15 000 |

3. Calculer la fréquence en pourcentage des ampoules ayant un défaut.
4. On choisit au hasard une ampoule dans la production quotidienne.
On définit les événements suivants :

- A : « l'ampoule provient de la machine A » ;
- D : « l'ampoule présente un défaut ».

Déterminer $P(A \cap D)$.