


SUJET

2019-2020

MATHÉMATIQUES

Première Technologique

**ÉVALUATIONS
COMMUNES**

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|--|---|--|--|---|--|--|---|--|--|--|--------------------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| Modèle CCYC : ©DNE | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Nom de famille (naissance) : <small>(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)</small> | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Prénom(s) : | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| N° candidat : | | | | | | | | | | | N° d'inscription : | | | | | | | | | |
|  <small>Liberté • Égalité • Fraternité</small> <small>RÉPUBLIQUE FRANÇAISE</small> | <small>(Les numéros figurent sur la convocation.)</small> | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | Né(e) le : | | | / | | | / | | | | | | | | | | | | | |

1.1

Mathématiques : PARTIE I

Sans calculatrice

Durée : 20 minutes

Exercice 1 : automatismes (5 points)

Répondre sur le sujet

1. Un agriculteur a produit 60 tonnes de blé en 2018 dont 18 tonnes avec la certification « Agriculture biologique ».
Calculer la part en pourcentage pour l'année 2018, de la production certifiée « agriculture biologique » parmi la production totale de cet agriculteur.

Réponse à la question 1 :

2. Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par :

$$f(x) = \frac{1}{5}x - \frac{3}{4}.$$

La courbe C_f représente la fonction f dans un repère et a pour équation $= \frac{1}{5}x - \frac{3}{4}$.

- a. Déterminer l'image de $\frac{10}{3}$ par la fonction f .

Réponse à la question 2 a. :

- b. Calculer l'abscisse du point A d'ordonnée 0 de la courbe C_f .

Réponse à la question 2 b. :

3. Le volume V d'un cône est donné par la formule suivante :

$$V = \frac{\pi R^2 h}{3}$$

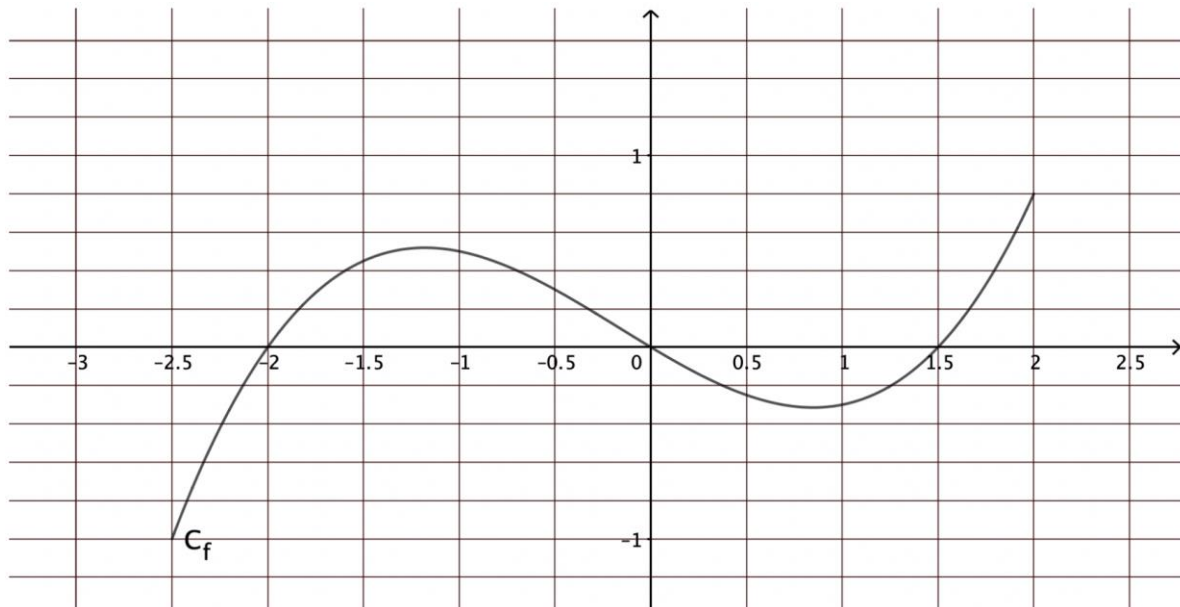


avec R le rayon de la base, h la hauteur du cône.

Exprimer le rayon R en fonction du volume V et de la hauteur h du cône.

Réponse à la question 3 :

4. On considère la fonction f définie sur $[-2,5 ; 2]$ dont la courbe représentative C_f est donnée ci-dessous.



a. Une seule des affirmations suivantes est vraie, laquelle ?

Affirmation 1 : la fonction f est croissante sur $[-1 ; -0,5]$.

Affirmation 2 : la fonction f est croissante sur $[1 ; 1,5]$.

Affirmation 3 : la fonction f est croissante sur $[0 ; 1,5]$.

Réponse à la question 4 a. :

b. Dresser le tableau de signes de la fonction f définie sur $[-2,5 ; 2]$

Réponse à la question 4 b. :

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|--|---|--|--|---|--|--|---|--|--|--|--------------------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| Modèle CCYC : ©DNE | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Nom de famille (naissance) : <small>(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)</small> | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Prénom(s) : | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| N° candidat : | | | | | | | | | | | N° d'inscription : | | | | | | | | | |
|  <small>Liberté • Égalité • Fraternité</small> <small>RÉPUBLIQUE FRANÇAISE</small> | <small>(Les numéros figurent sur la convocation.)</small> | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | Né(e) le : | | | / | | | / | | | | | | | | | | | | | |

1.1

5. On considère, dans un repère orthonormé, les points A $(-1 ; 3)$ et B $(4 ; 13)$

Déterminer l'équation réduite de la droite (AB).

Réponse à la question 5 :

6. Développer et réduire l'expression suivante :

$$A = (x + 3)^2 - 4(2x - 1)$$

Réponse à la question 6 :

7. Dans un repère, on considère la courbe d'équation $y = 2x^2 - 3x + 1$.

On note A le point d'abscisse -1 de cette courbe.

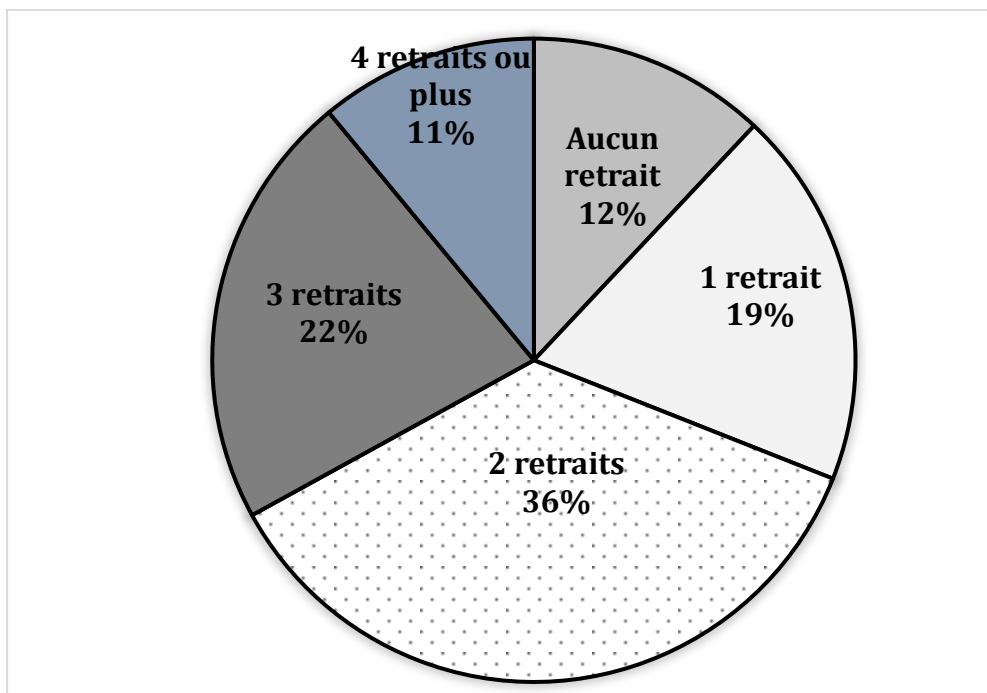
Calculer l'ordonnée du point A.

Réponse à la question 7 :



8. Une agence bancaire a étudié pendant un mois le nombre de retraits d'argent effectués auprès de distributeurs automatiques de ses 7 500 clients. Les résultats sont présentés sous la forme d'un diagramme circulaire.

Répartition des clients selon leur nombre de retraits d'argent effectués auprès de distributeurs automatiques, pendant un mois.



Calculer le nombre de clients n'ayant effectué aucun retrait d'argent auprès de distributeurs automatiques.

Réponse à la question 8 :

Modèle CCYC : ©DNE

Nom de famille (naissance) :


(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

Prénom(s) :

N° candidat : N° d'inscription :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

Né(e) le : / /



1.1

Mathématiques : PARTIE II

Calculatrice autorisée.

Cette partie comporte trois exercices indépendants.

Exercice 2 : (5 points)

En France, certaines personnes âgées dépendantes bénéficient de l'allocation personnalisée d'autonomie (APA).

En décembre 2017, 1 309 916 personnes âgées dépendantes ont bénéficié de l'APA alors qu'elles étaient 1 286 472 à en bénéficier un an plus tôt, c'est-à-dire en décembre 2016 (Source DREES, Enquêtes Aide sociale).

1. Calculer le taux d'évolution du nombre de personnes bénéficiaires de l'APA entre décembre 2016 et décembre 2017. Le résultat sera exprimé en pourcentage et arrondi à 0,01 % près.
2. Pour tout entier naturel n , u_n représente le nombre de personnes, exprimé en milliers, bénéficiant de l'APA en décembre 2017 + n . On considère ainsi que $u_0 = 1310$.
On suppose que le nombre de bénéficiaires de l'APA augmente chaque année de 1,8 % à partir de l'année 2017.
On utilise un tableur pour calculer les termes de la suite (u_n) ainsi définie :

| | A | B | C |
|---|--------|-----|-------|
| 1 | Années | n | u_n |
| 2 | 2017 | 0 | 1310 |
| 3 | 2018 | 1 | |
| 4 | 2019 | 2 | |
| 5 | 2020 | 3 | |
| 6 | 2021 | 4 | |

- a. Calculer u_1 . Interpréter le résultat dans le contexte de l'exercice.
- b. Quelle est la nature de la suite (u_n) ? Préciser la raison de cette suite.
- c. Parmi les 4 formules proposées, donner la formule qu'il faut saisir dans la cellule C3, puis étirée vers le bas afin d'afficher les valeurs de u_n .

- d. Quel nombre de personnes, exprimé en milliers, bénéficiant de l'APA peut-on prévoir en 2021 en suivant le modèle retenu ?



Exercice 3 : (5 points)

Suite à une augmentation du nombre de personnes malades dans un village, une organisation de santé a mis en place une campagne de vaccination dès septembre 2018.

Les données mensuelles relevées entre le 1^{er} septembre 2018 et le 1^{er} janvier 2020 ont permis d'obtenir une courbe C représentant la part en pourcentage des personnes malades dans le village en fonction du temps t , écoulé depuis le 1^{er} septembre 2018 et exprimé en mois. Cette courbe C est fournie **en annexe 1, qui est à rendre avec la copie.**

1. Déterminer graphiquement la part en pourcentage des personnes malades dans le village le 1^{er} septembre 2018.
2. Déterminer graphiquement pendant combien de mois la part en pourcentage des personnes malades dans le village sera supérieure ou égale à 40 % entre le 1^{er} septembre 2018 et le 1^{er} janvier 2020. On laissera les traits de construction apparents sur **l'annexe 1 qui est à rendre avec la copie.**


Dans la suite de l'exercice, on admet que la fonction p définie sur l'intervalle $[0 ; 24]$ par :

$$p(t) = -0,2t^2 + 3,6t + 28,8$$

modélise cette situation où t désigne le temps écoulé depuis le 1^{er} septembre 2018 et exprimé en mois et $p(t)$, la part en pourcentage des personnes malades dans ce village à cet temps t .

La courbe C_p donnée **en annexe 3, qui est à rendre avec la copie**, représente la fonction p sur l'intervalle $[0 ; 16]$.

3. Compléter le tableau figurant sur **l'annexe 2 qui est à rendre avec la copie.**
4. Compléter le graphique de **l'annexe 3 qui est à rendre avec la copie**, en traçant une allure de la courbe représentative de la fonction p sur $[16 ; 24]$.
5. Déterminer l'année et le mois durant lequel il n'y a plus de personnes malades dans le village.

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|--|---|--|--|---|--|--|---|--|--|--|--------------------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| Modèle CCYC : ©DNE | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Nom de famille (naissance) : <small>(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)</small> | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| Prénom(s) : | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| N° candidat : | | | | | | | | | | | N° d'inscription : | | | | | | | | | |
|  RÉPUBLIQUE FRANÇAISE | <small>(Les numéros figurent sur la convocation.)</small> | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | Né(e) le : | | | / | | | / | | | | | | | | | | | | | |

1.1

Exercice 4 : (5 points)

On injecte un médicament dans le sang d'un malade et on mesure pendant 12 heures la concentration en milligrammes par litre de ce médicament dans le sang.

On estime que le médicament n'est plus considéré comme actif lorsque sa concentration est inférieure ou égale à 0,2 mg par litre.

On admet que la concentration peut être modélisée par la fonction f définie sur l'intervalle $[0 ; 12]$ par :

$$f(x) = 0,01x^2 - 0,32x + 2,4$$

où x représente le nombre d'heures écoulées depuis l'instant où le médicament a été injecté et $f(x)$ la concentration, en milligrammes par litre, de ce médicament dans le sang.

On note f' la fonction dérivée de la fonction f définie sur l'intervalle $[0 ; 12]$.

1. Calculer $f'(x)$ pour tout réel x de l'intervalle $[0 ; 12]$.
2. Dresser le tableau de signes de f' sur l'intervalle $[0 ; 12]$ et en déduire le tableau de variations de la fonction f sur l'intervalle $[0 ; 12]$.
3. Montrer que l'équation $f(x) = 0,2$ équivaut à l'équation $0,01(x - 10)(x - 22) = 0$.
4. Résoudre l'équation $f(x) = 0,2$ dans $[0 ; 12]$.
5. Au bout de combien de temps depuis l'injection du médicament, ce médicament n'est plus considéré comme actif ? Justifier.



Modèle CCYC : ©DNE

Nom de famille (naissance) :

(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

Prénom(s) :

N° candidat :

N° d'inscription :



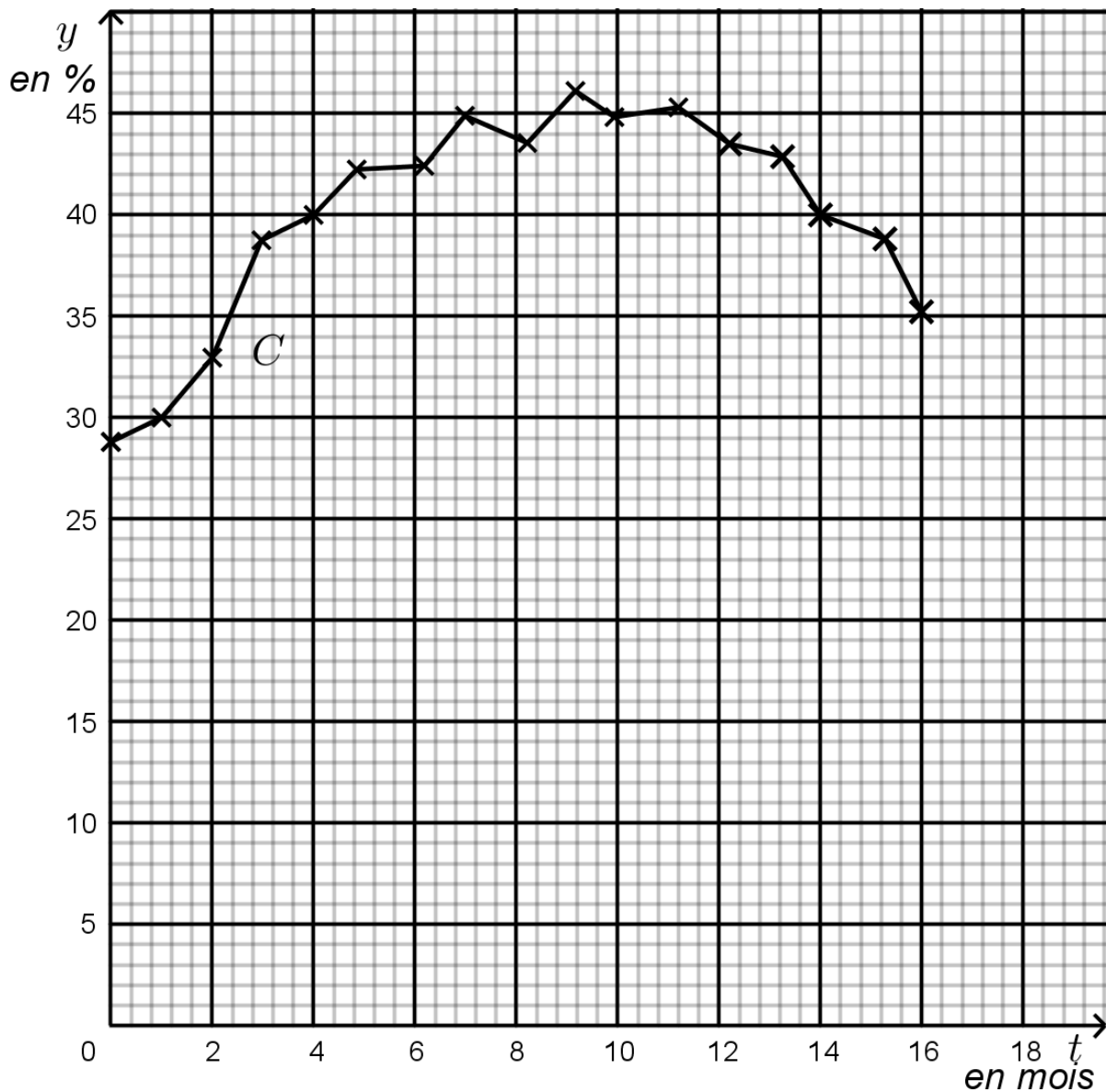
Né(e) le :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

1.1

ANNEXE à remettre avec la copie

Annexe 1 – Exercice 3 – Courbe représentative C





Annexe 2 – Exercice 3 – Tableau de valeurs

| | | | | | | | | |
|--------|------|------|----|------|------|----|----|----|
| t | 17 | 18 | 19 | 20 | 21 | 22 | 23 | 24 |
| $p(t)$ | 32.2 | 28,8 | 25 | 20,8 | 16,2 | | | |

Annexe 3 – Exercice 3 – Courbe de p à compléter sur $[16 ; 24]$.

