

# Corrigé

## Exercice 4



---

---

freemaths.fr

---

---

# BACCALAURÉAT GÉNÉRAL

Session 2016

## MATHÉMATIQUES

- Série ES -

### ENSEIGNEMENT DE SPÉCIALITÉ

***Durée de l'épreuve : 3 heures***

***Coefficient : 7***

*Les calculatrices électroniques de poche sont autorisées,  
conformément à la réglementation en vigueur.*

*Le sujet est composé de 4 exercices indépendants. Le candidat doit traiter tous les exercices.  
Dans chaque exercice, le candidat peut admettre un résultat précédemment donné dans le  
texte pour aborder les questions suivantes, à condition de l'indiquer clairement sur la copie.  
Le candidat est invité à faire figurer sur la copie toute trace de recherche, même incomplète  
ou non fructueuse, qu'il aura développée.  
Il est rappelé que la qualité de la rédaction, la clarté et la précision des raisonnements  
entreront pour une part importante dans l'appréciation des copies.*

*Avant de composer, le candidat s'assurera que le sujet comporte bien 6 pages numérotées de 1 à 6.*

## EXERCICE 4 (6 points)

*Commun à tous les candidats*

Soit  $f$  la fonction définie sur l'intervalle  $[3 ; 13]$  par :  $f(x) = -2x + 20 - e^{-2x+10}$ .

### Partie A : Étude de la fonction $f$

1) Montrer que la fonction dérivée  $f'$  de la fonction  $f$ , définie pour tout  $x$  de l'intervalle  $[3 ; 13]$ , a pour expression :

$$f'(x) = 2(-1 + e^{-2x+10}).$$

2) a) Résoudre dans l'intervalle  $[3 ; 13]$  l'inéquation :  $f'(x) \geq 0$ .

b) En déduire le signe de  $f'(x)$  sur l'intervalle  $[3 ; 13]$  et dresser le tableau de variations de  $f$  sur cet intervalle. Les valeurs du tableau seront, si besoin, arrondies à  $10^{-3}$ .

c) Calculer l'intégrale  $\int_3^{13} f(x)dx$ . On donnera la valeur exacte puis une valeur approchée à  $10^{-3}$  près.

### Partie B : Application

Une usine fabrique et commercialise des toboggans. Sa capacité mensuelle de production est comprise entre 300 et 1 300. On suppose que toute la production est commercialisée.

Le bénéfice mensuel, exprimé en milliers d'euros, réalisé pour la production et la vente de  $x$  centaines de toboggans est modélisé sur l'intervalle  $[3 ; 13]$  par la fonction  $f$ .

En utilisant la partie A, répondre aux questions suivantes :

1) Déterminer le nombre de toboggans que l'usine doit produire pour obtenir un bénéfice maximal et donner ce bénéfice, arrondi à l'euro.

2) Calculer le bénéfice moyen pour une production mensuelle comprise entre 300 et 1300 toboggans. Arrondir le résultat à l'euro.

### Partie C : Rentabilité

Pour être rentable, l'usine doit avoir un bénéfice positif.

Déterminer le nombre minimum et le nombre maximum de toboggans que l'usine doit fabriquer en un mois pour qu'elle soit rentable. Justifier la réponse.