

www.freemaths.fr

# Maths Complémentaires Terminale

Limites « d'une fonction  $f$  »



**CORRIGÉ** DE L'EXERCICE

## CORRECTION

Déterminons la limite de  $f$  en  $-\infty$ :

Ici:  $f(x) = \frac{2x + 3\cos(5x)}{3 - 2x}$ , pour tout  $x \in ]-\infty; \frac{3}{2}[$ .

D'après le cours, nous savons que:  $\cos(5x) \in [-1; 1]$ .

Dans ces conditions, nous pouvons écrire:  $-1 \leq \cos(5x) \leq 1$

$$\Leftrightarrow 2x - 3 \leq 2x + 3\cos(5x) \leq 2x + 3$$

$$\Leftrightarrow \frac{2x - 3}{3 - 2x} \leq \frac{2x + 3\cos(5x)}{3 - 2x} \leq \frac{2x + 3}{3 - 2x}$$

$$\Leftrightarrow \frac{2x - 3}{3 - 2x} \leq f(x) \leq \frac{2x + 3}{3 - 2x}$$

Or:  $\bullet \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x - 3}{3 - 2x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x}{-2x} = -1$

$\bullet \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x + 3}{3 - 2x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x}{-2x} = -1.$

Ainsi, d'après le théorème des gendarmes, nous pouvons affirmer que:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1.$$