

SUJET

2020-2021

MATHÉMATIQUES

Première **Spé Maths**

ÉVALUATIONS COMMUNES

Modèle CCYC : ©DNE

Nom de famille (naissance) :

(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

Prénom(s) :

N° candidat : N° d'inscription :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

Né(e) le : / /



Liberté • Égalité • Fraternité
RÉPUBLIQUE FRANÇAISE

1.1

ÉPREUVES COMMUNES DE CONTRÔLE CONTINU

CLASSE : Première

E3C : E3C1 E3C2 E3C3

VOIE : Générale Technologique Toutes voies (LV)

ENSEIGNEMENT : Spécialité « **Mathématiques** »

DURÉE DE L'ÉPREUVE : 2 heures

CALCULATRICE AUTORISÉE : Oui Non

DICTIONNAIRE AUTORISÉ : Oui Non

Ce sujet contient des parties à rendre par le candidat avec sa copie. De ce fait, il ne peut être dupliqué et doit être imprimé pour chaque candidat afin d'assurer ensuite sa bonne numérisation.

Ce sujet intègre des éléments en couleur. S'il est choisi par l'équipe pédagogique, il est nécessaire que chaque élève dispose d'une impression en couleur.

Ce sujet contient des pièces jointes de type audio ou vidéo qu'il faudra télécharger et jouer le jour de l'épreuve.

Nombre total de pages : 6



Exercice 1 (5 points)

Ce QCM comprend 5 questions.

Pour chacune des questions, une seule des quatre réponses proposées est correcte.

Les questions sont indépendantes.

Pour chaque question, indiquer le numéro de la question et recopier sur la copie la lettre correspondante à la réponse choisie.

Aucune justification n'est demandée mais il peut être nécessaire d'effectuer des recherches au brouillon pour aider à déterminer votre réponse.

Chaque réponse correcte rapporte 1 point. Une réponse incorrecte ou une question sans réponse n'apporte ni ne retire de point.

Question1

On considère la loi de probabilité de la variable aléatoire X donnée par le tableau ci-dessous :

k	-5	0	10	20	50
$P(X = k)$	0,71	0,03	0,01	0,05	0,2

L'espérance de X est :

a) 15	b) 0,2	c) 7,55	d) 17
-------	--------	---------	-------

Question2

On se place dans un repère orthonormé.

Le cercle de centre $A(-2 ; 4)$ et de rayon 9 a pour équation :

a) $(x + 2)^2 + (y - 4)^2 = 81$	b) $(x - 2)^2 + (y + 4)^2 = 81$
c) $(x + 2)^2 + (y - 4)^2 = 9$	d) $(x - 2)^2 + (y + 4)^2 = 9$

Modèle CCYC : ©DNE

Nom de famille (naissance) :

(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

Prénom(s) :

N° candidat : N° d'inscription :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

Né(e) le : / /



1.1

Question 3

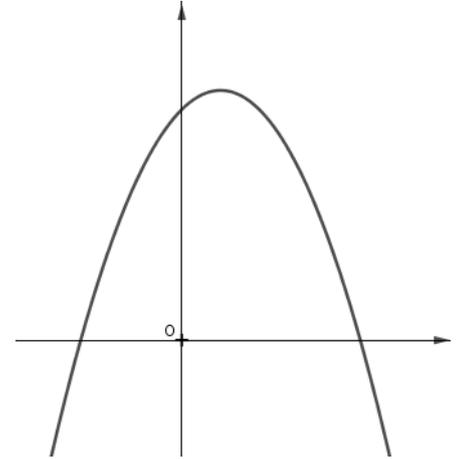
Soit f la fonction définie par

$$f(x) = ax^2 + bx + c \text{ où } a, b \text{ et } c \text{ sont des réels.}$$

On considère dans un repère la courbe représentative de f tracée ci-contre.

On appelle Δ son discriminant.

On peut affirmer que :



a) $a > 0$ ou $c < 0$	b) c et Δ sont du même signe	c) $a < 0$ et $c < 0$	d) $a < 0$ et $\Delta < 0$
-----------------------	---------------------------------------	-----------------------	----------------------------

Question 4

On considère la suite (U_n) définie par $U_0 = -2$ et $U_{n+1} = 2U_n - 5$.

Un algorithme permettant de calculer la somme $S = U_0 + U_1 + \dots + U_{36}$ est :

a)	b)	c)	d)
$U = -2$ $S = 0$ Pour i de 1 à 37 $U \leftarrow 2U - 5$ $S \leftarrow S + U$ Fin Pour	$U = -2$ $S = 0$ Pour i de 1 à 36 $U \leftarrow 2U - 5$ $S \leftarrow S + U$ Fin Pour	$U = -2$ $S = -2$ Pour i de 1 à 37 $S \leftarrow S + U$ $U \leftarrow 2U - 5$ Fin Pour	$U = -2$ $S = -2$ Pour i de 1 à 36 $U \leftarrow 2U - 5$ $S \leftarrow S + U$ Fin Pour

Question 5

La suite (U_n) définie par $U_0 = -2$ et $U_{n+1} = 2U_n - 5$ est :

a) arithmétique mais pas géométrique	b) géométrique mais pas arithmétique	c) ni arithmétique, ni géométrique	d) à la fois arithmétique et géométrique
--------------------------------------	--------------------------------------	------------------------------------	--



Exercice 2 (5 points)

La fonction f est définie sur $] - 1; +\infty[$ par :

$$f(x) = \frac{x^2 + 1}{x + 1}$$

On se place dans un repère orthonormé du plan.

- 1) Démontrer que pour tout x appartenant à l'intervalle $] - 1; +\infty[$:

$$f'(x) = \frac{x^2 + 2x - 1}{(x + 1)^2}$$

- 2) Déterminer le sens de variation de la fonction f sur $] - 1; +\infty[$.
- 3) Déterminer une équation de la tangente T à la courbe représentative de f au point d'abscisse 0.
- 4) Etudier la position relative de la courbe représentative de f et de la droite d'équation $y = x$.

Modèle CCYC : ©DNE																				
Nom de famille (naissance) : <small>(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)</small>																				
Prénom(s) :																				
N° candidat :											N° d'inscription :									
 <small>Liberté • Égalité • Fraternité RÉPUBLIQUE FRANÇAISE</small>	<small>(Les numéros figurent sur la convocation.)</small>																			
Né(e) le :			/			/														

1.1

Exercice 3 (5 points)

Un jeu consiste à combattre en duel soit un monstre A, soit un monstre B.

On a une probabilité de $\frac{4}{5}$ d'affronter le monstre A.

Le joueur gagne contre le monstre A dans 30% des cas, et gagne contre le monstre B dans 25% des cas.

Le joueur lance une partie. On considère les événements :

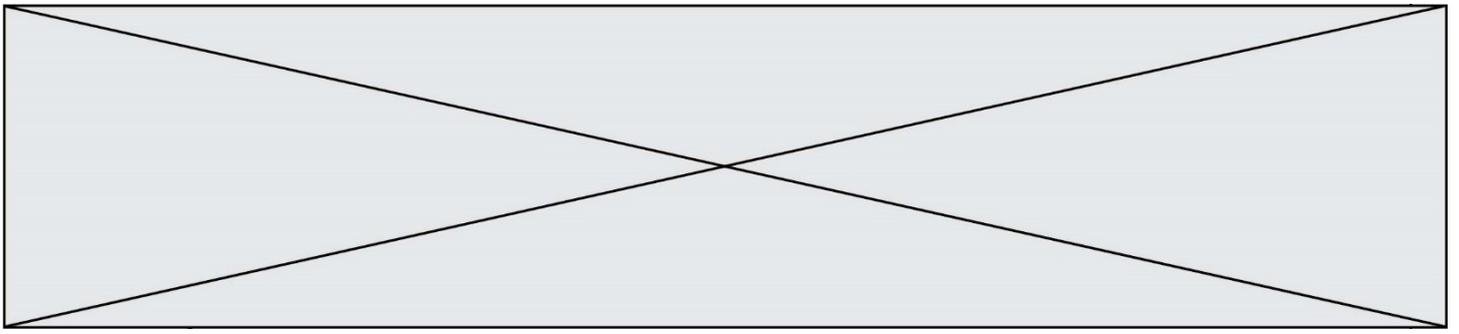
- A : « Le joueur affronte le monstre A. »
- B : « Le joueur affronte le monstre B. »
- V : « Le joueur est victorieux. »

1) Déterminer $P_B(\bar{V})$ et interpréter le résultat.

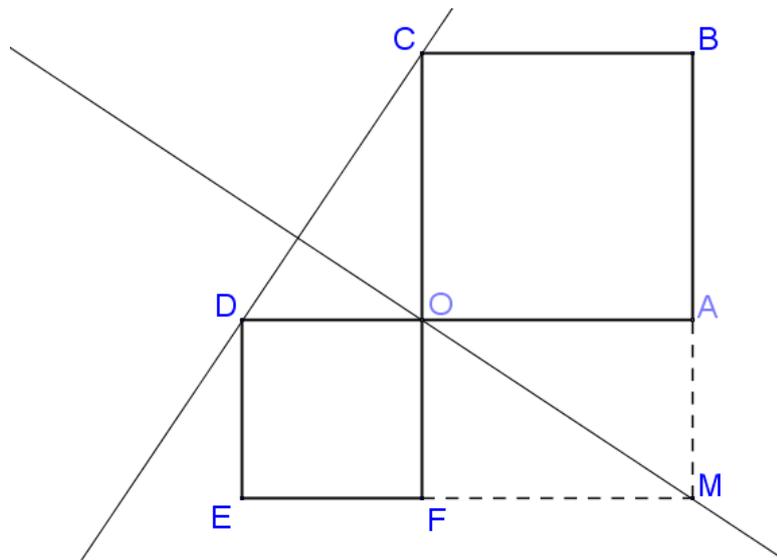
2) Montrer que $P(B \cap V) = \frac{1}{20}$.

3) Calculer $P(V)$.

4) Calculer la probabilité d'avoir combattu le monstre B sachant que le joueur est victorieux.



Exercice 4 (5 points)



OABC et ODEF sont des carrés de côtés respectifs 3 et 2. OAMF est un rectangle. On note H le projeté orthogonal du point M sur la droite (DC).

Dans cet exercice, on pourra, si on le souhaite, se placer dans le repère $(O, \frac{1}{3}\overrightarrow{OA}, \frac{1}{3}\overrightarrow{OC})$.

- 1) La droite (OM) est-elle perpendiculaire à la droite (DC) ?
- 2) Calculer $\overrightarrow{CD} \cdot \overrightarrow{CM}$.
- 3) Déterminer la longueur CH.