

INTERRO

MATHS

SUJET

**PREMIÈRE
TECHNOLOGIQUE**

Modèle CCYC : ©DNE																				
Nom de famille (naissance) : <small>(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)</small>																				
Prénom(s) :																				
N° candidat :											N° d'inscription :									
 Liberté • Égalité • Fraternité RÉPUBLIQUE FRANÇAISE	<small>(Les numéros figurent sur la convocation.)</small>																			
Né(e) le :			/			/														

1.1

PARTIE II

Calculatrice autorisée.

Cette partie est composée de trois exercices indépendants.

Exercice 2 (5 points)

Pierre et Nicolas jouent l'un contre l'autre à un jeu vidéo. Ils décident de jouer deux parties, l'une à la suite de l'autre. On estime que Pierre a 70 % de chances de gagner une partie. Ainsi, Nicolas a 30 % de chances de gagner.

On suppose que les issues de ces deux parties sont indépendantes.

On note :

- P l'événement « Pierre gagne la partie » ;
- N l'événement « Nicolas gagne la partie ».

1. Représenter par un arbre de probabilité la situation de l'énoncé.
2. Déterminer la probabilité que Pierre et Nicolas gagnent tous les deux une partie exactement.
3. On note X la variable aléatoire égale au nombre de parties gagnées par Pierre sur les deux parties. Dans le contexte de l'énoncé, donner une interprétation de l'événement $(X = 0)$.
Aucun calcul de probabilités n'est attendu dans cette question.
4. On donne la loi de probabilité de la variable aléatoire X dans le tableau suivant :

a	0	1	2
$p(X = a)$	0,09	0,42	0,49

- a) Justifier que l'espérance de la variable aléatoire X vaut 1,4.
- b) Interpréter le résultat de l'espérance dans le contexte de cet exercice.



Exercice 3 (5 points)

En 2019, une entreprise souhaite réaliser une campagne de publicité pour promouvoir ses produits.

Elle prend alors contact avec une agence de publicité, nommée A, qui lui indique qu'en 2019, selon ses tarifs, le coût d'une campagne de publicité s'élève à 10 000 euros pour 2019 mais que celui-ci augmentera ensuite de 750 € par an.

On note u_n le coût d'une campagne publicitaire pour l'entreprise suivant les tarifs de l'agence A pour l'année $(2019 + n)$. Ainsi $u_0 = 10\,000$.

1. Quel sera le coût d'une campagne de publicité pour l'entreprise en 2025 si elle choisit l'agence A ?
2. Quelle est la nature de la suite (u_n) ? Argumenter la réponse.
3. Déterminer le sens de variation de la suite (u_n) . Justifier la réponse.
4. L'entreprise contacte une agence de publicité B qui lui dit que le coût d'une campagne de publicité pour l'année $(2019 + n)$ est donné par :

$$v_n = n^2 + 200n + 10\,000$$

- a) Déterminer la valeur de v_2 .
- b) Quel sera le coût d'une campagne de publicité pour l'entreprise en 2025 si elle choisit l'agence B ?

Modèle CCYC : ©DNE																				
Nom de famille (naissance) : <small>(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)</small>																				
Prénom(s) :																				
N° candidat :											N° d'inscription :									
 <small>Liberté • Égalité • Fraternité</small> RÉPUBLIQUE FRANÇAISE	<small>(Les numéros figurent sur la convocation.)</small>																			
	Né(e) le :			/			/													

1.1

Exercice 4 (5 points)

On considère la fonction f définie sur l'intervalle $[-2 ; 4]$ par :

$$f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + 10$$

- Calculer $f'(x)$ pour tout x de l'intervalle $[-2 ; 4]$.
- Etudier le signe de l'expression : $3(x - 3)(x + 1)$ sur l'intervalle $[-2 ; 4]$.
- Dresser le tableau de variations de f sur l'intervalle $[-2 ; 4]$.
- On note C la courbe représentative de f .

Déterminer une équation de la tangente à la courbe C au point d'abscisse 2.

- On considère le script écrit en langage « Python » ci-dessous, qui renvoie en fonction de x le signe de l'expression $3x^2 - 6x - 9$:

```
def signe_expression(x) :
    if 3*x**2 - 6*x - 9 >= 0 :
        return "Positif"
    else :
        return "Négatif"
```

Quelle commande faut-il exécuter pour que le script renvoie le signe de l'expression $3x^2 - 6x - 9$ pour $x = 2$?