

# SUJET

## 2020-2021

# MATHÉMATIQUES

## Première Technologique

# ÉVALUATIONS COMMUNES

Modèle CCYC : ©DNE

Nom de famille (naissance) :

(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

Prénom(s) :

N° candidat :  N° d'inscription :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

Né(e) le :  /  /



1.1

## PARTIE I – Exercice 1

**Automatismes (5 points)**

**Sans calculatrice**

**Durée : 20 minutes**

	Énoncé	Réponse								
1)	Augmenter un prix de 13 % revient à multiplier ce prix par un nombre. Lequel ?									
2)	Déterminer le coefficient multiplicateur correspondant à une diminution de 15 %.									
3)	Quel taux d'évolution faut-il appliquer à un prix de 60 € pour obtenir un prix de 75 € ?									
4)	Déterminer le taux d'évolution équivalent à une réduction de 50 % suivie d'une augmentation de 30 %.									
5)	Si le prix final, suite à une augmentation de 25 %, est de 150 €, quel est le prix initial ?									
6)	Voici un tableau donnant les indices de la valeur d'une action entre 2017 et 2019 avec l'indice base 100 en 2017. <table border="1" style="margin: 10px auto;"> <thead> <tr> <th>Année</th> <th>2017</th> <th>2018</th> <th>2019</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Indice base 100</td> <td>100</td> <td>87</td> <td>105</td> </tr> </tbody> </table> <p>Donner le taux d'évolution, en pourcentage, de cette action entre 2017 et 2018.</p>	Année	2017	2018	2019	Indice base 100	100	87	105	
Année	2017	2018	2019							
Indice base 100	100	87	105							
7)	Résoudre l'équation : $2x^2 = 18$									
8)	Résoudre l'équation : $2x - 1 = 3 - x$									
9)	Résoudre l'inéquation : $4x + 3 < x$									
10)	Dresser le tableau de signes de : $-2x - 1$									



Modèle CCYC : ©DNE

Nom de famille (naissance) :

(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

Prénom(s) :

N° candidat :  N° d'inscription :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

Né(e) le :  /  /



RÉPUBLIQUE FRANÇAISE

1.1

## PARTIE II

### Calculatrice autorisée

*Cette partie est composée de trois exercices indépendants*

### EXERCICE 2 (5 points)

Le comité d'entreprise d'une société française souhaite organiser un week-end à Rome. Une enquête est faite auprès des 1 200 employés de cette société afin de connaître leur choix en matière de moyen de transport. Les moyens de transport proposés sont le train, l'avion ou l'autocar.

Les résultats de l'enquête sont répertoriés dans le tableau ci-dessous :

	Train	Avion	Autocar	Total
Femmes	468	196	56	720
Hommes	150	266	64	480
Total	618	462	120	1200

On interroge au hasard un employé de cette entreprise.

On note :

$F$  l'évènement : « l'employé interrogé est une femme » ;

$T$  l'évènement : « l'employé interrogé choisit le train ».

Dans tout l'exercice, on donnera les résultats sous forme décimale.

1. Calculer les probabilités  $p(F)$  et  $p(T)$ .
2. Déterminer la probabilité que l'employé interrogé ne choisisse pas le train.
3. Expliquer ce que représente l'évènement  $F \cap T$ , puis calculer sa probabilité.
4. L'employé interrogé a choisi le train. Calculer la probabilité que cet employé soit une femme. On arrondira le résultat au millième.
5. Calculer  $p_F(T)$ .



### EXERCICE 3 (5 points)

Un apiculteur vend des cartons de pots de miel.

Le coût, en euro, de production de  $n$  cartons,  $n \leq 120$ , est modélisé par le nombre  $C(n)$ , où  $C$  est la fonction définie sur  $[0 ; 120]$  par  $C(x) = 0,25x^2 + 500$ .

- 1) Calculer le coût de fabrication de 40 cartons.
- 2) On considère le bénéfice, en euro, réalisé après la production et la vente de  $n$  cartons. On admet qu'il est modélisé par le nombre  $B(n)$ , où  $B$  est la fonction définie sur  $[0 ; 120]$  par :  $B(x) = -0,25x^2 + 30x - 500$ .  
Montrer que pour tout  $x$  appartenant à  $[0 ; 120]$ ,  $B(x) = -0,25(x - 20)(x - 100)$ .
- 3) Déterminer le tableau de signes de  $B(x)$  sur  $[0 ; 120]$ .
- 4) Combien de cartons doit produire et vendre l'apiculteur pour réaliser un bénéfice ?
- 5) Déterminer le nombre de cartons à produire et à vendre pour que le bénéfice soit maximal.

### EXERCICE 4 (5 points)

Deux amis A et B débutent dans deux entreprises différentes. Au 1<sup>er</sup> janvier de l'année 2019, A et B ont tous les deux un salaire mensuel de 1500 €.

Le montant du salaire mensuel de A augmente chaque année au 1<sup>er</sup> janvier de 2,5%.  
Son montant en euro, l'année 2019 +  $n$ , est modélisé par le terme de rang  $n$  d'une suite  $(a_n)$  de premier terme  $a_0 = 1500$ .

Le montant du salaire mensuel de B augmente chaque année au 1<sup>er</sup> janvier de 35 €.  
Son montant en euro, l'année 2019 +  $n$ , est modélisé par le terme de rang  $n$  de la suite arithmétique  $(b_n)$  de raison 35 et de premier terme  $b_0 = 1500$ .

- 1) Calculer le salaire mensuel de A en 2020 puis en 2021.
- 2) Justifier que pour tout  $n$ ,  $a_{n+1} = 1,025 a_n$ , et en déduire la nature de la suite  $(a_n)$ .
- 3) On considère l'algorithme, écrit en Python, ci-contre. Donner le contenu de la variable  $n$  après exécution de l'algorithme et interpréter le résultat dans le contexte de l'exercice.

```
n=0
a= 1500
while a <1650:
    n= n+1
    a= 1.025*a
```

- 4) Calculer  $b_1$  et  $b_2$ .
- 5) Qui des deux amis A ou B aura en premier un salaire qui dépassera 1650 euros ?