

SUJET

2019-2020

MATHÉMATIQUES

Première Technologique

ÉVALUATIONS COMMUNES

Modèle CCYC : ©DNE

Nom de famille (naissance) :


(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

Prénom(s) :

N° candidat : N° d'inscription :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

Né(e) le : / /

 Liberté • Égalité • Fraternité
RÉPUBLIQUE FRANÇAISE

1.1

MATHEMATIQUES PARTIE I

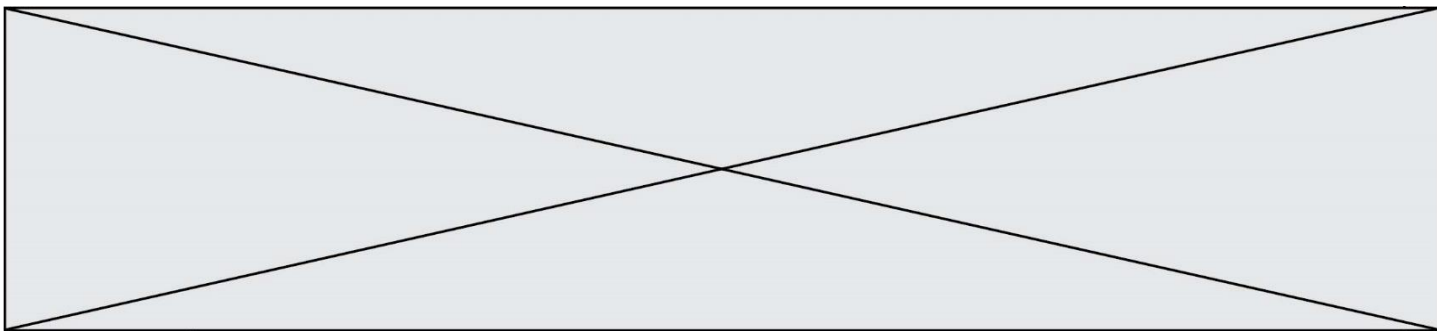
Automatismes (5 points) :

Sans calculatrice

Durée : 20 minutes

Exercice 1

	Énoncé	Réponse
1)	Le prix d'un article est diminué de 15%. Par quel coefficient le prix de cet article est-il multiplié pour obtenir le prix réduit ?	
2)	Quel est le taux d'évolution qui correspond à un coefficient multiplicateur de 1,075 ?	
3)	Le prix d'un article toutes taxes comprises (TTC) est de 240€. La taxe sur la valeur ajoutée (TVA) est de 20%. Déterminer le prix hors taxe (HT) c'est-à-dire le prix avant l'application de la TVA.	
4)	Un prix a augmenté de 100%. Quel taux d'évolution doit-on utiliser pour retrouver sa valeur initiale ?	
5)	Quel est le taux d'évolution global après une hausse de 20% suivie d'une baisse de 10 % ?	
6)	Résoudre dans IR l'équation $7 - 4x = 2x - 5$.	
7)	Résoudre dans IR l'équation $x^2 = 144$.	
8)	Résoudre l'inéquation $6x + 7 \leq 10$ et donner l'ensemble des solutions sous forme d'intervalle.	
9)	Donner le tableau de signe de l'expression $-5x + 1$.	
10)	Sur quel intervalle ou réunion d'intervalles l'expression $x(x - 1)$ est-elle positive ?	



Modèle CCYC : ©DNE																				
Nom de famille (naissance) : <small>(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)</small>																				
Prénom(s) :																				
N° candidat :											N° d'inscription :									
 <small>Liberté • Égalité • Fraternité</small> <small>RÉPUBLIQUE FRANÇAISE</small>	<small>(Les numéros figurent sur la convocation.)</small>																			
	Né(e) le :			/			/													

1.1

MATHEMATIQUES PARTIE II

Calculatrice autorisée

Cette partie est composée de trois exercices indépendants

Exercice 2 (5 points)

M. Martin veut souscrire un contrat d'entretien pour sa chaudière à partir de janvier 2020.

L'entreprise A propose un contrat sur 10 ans avec un versement de 150 € en 2020 puis une augmentation du versement de 1,55 € par an jusqu'à la fin du contrat.

On note u_n le montant du versement de janvier 2020 + n (avec n entier naturel).

- Donner u_0 et calculer u_1 .
 - Calculer le montant du versement de janvier 2024.
- Écrire une relation entre u_{n+1} et u_n pour tout entier naturel n .
 - Quelle est la nature de la suite (u_n) ? Justifier.
- Recopier et compléter la fonction ci-contre, en langage Python, qui renvoie la valeur u_n pour un entier n choisi au départ.

```
def u(n) :
    u = .....
    for k in range(...) :
        u = .....
    return u
```

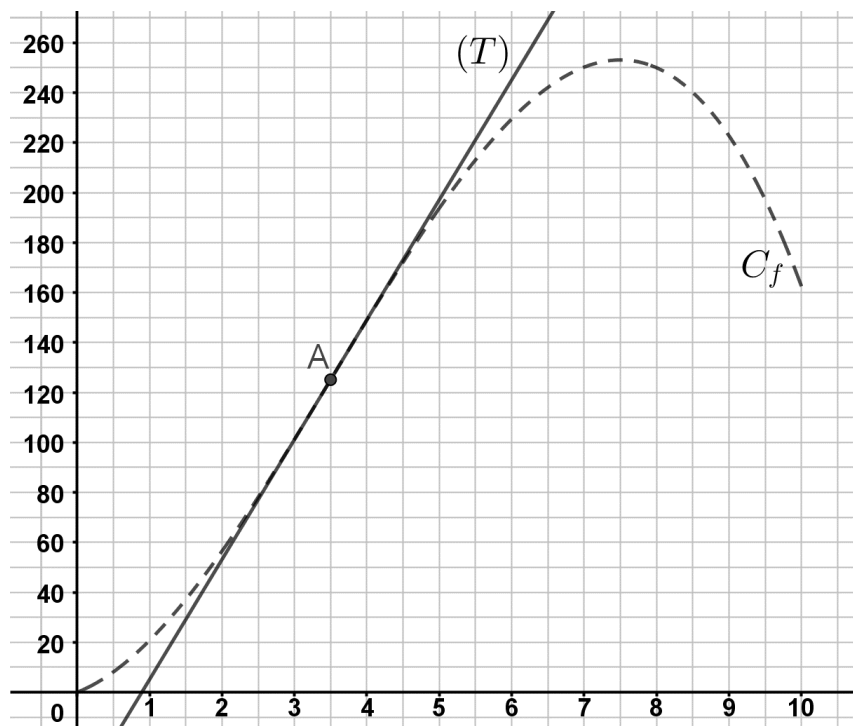


Exercice 3 (5 points)

Lors d'une épidémie de grippe, on a étudié pendant dix semaines l'évolution du nombre d'individus malades dans la population d'une ville.

Des relevés statistiques ont permis de mettre en évidence une courbe de tendance, à l'aide d'un tableur.

On admet que le nombre de malades (exprimé en milliers) au bout de x semaines écoulées depuis le début de la maladie, est modélisé par une fonction f définie et dérivable sur $[0 ; 10]$ dont on donne la courbe représentative C_f ci-dessous.



1. On considère que la situation est grave lorsque le nombre de malades est d'au moins 190 000. Avec la précision permise par le graphique, pendant combien de semaines cela arrive-t-il ?
2. A est le point de la courbe C_f d'abscisse 3,5 et la droite (T) est la tangente à C_f au point A.
Déterminer graphiquement $f'(3,5)$ où f' est la fonction dérivée de f .
3. Le nombre $f'(x)$ représente la vitesse d'évolution de la maladie, x semaines après l'apparition des premiers cas.

Modèle CCYC : ©DNE

Nom de famille (naissance) :


(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

Prénom(s) :

N° candidat : N° d'inscription :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

Né(e) le : / /

 Liberté • Égalité • Fraternité
RÉPUBLIQUE FRANÇAISE

1.1

a. Déterminer graphiquement avec la précision que permet le schéma, le nombre maximal de malades sur la période des 10 semaines observées et le moment où il est atteint.

Que peut-on dire alors de la vitesse d'évolution de la maladie ?

b. Déterminer graphiquement à quel moment de l'épidémie la maladie progresse le plus vite.

4. La fonction f est définie et dérivable pour tout x dans l'intervalle $[0 ; 10]$ par :

$$f(x) = -x^3 + 10,5x^2 + 11,25x$$

Calculer $f'(x)$ pour tout x dans l'intervalle $[0 ; 10]$ et préciser la réponse donnée à la question 2.

Exercice 4 (5 points)

Le bureau des élèves d'une université (BDE) s'occupe d'organiser les activités extra-scolaires des étudiants.

L'an passé, le BDE d'Aix-Marseille proposait aux étudiants des séjours en France (F) ou à l'étranger (E), d'une durée d'un week-end (W) ou d'une semaine (S). 540 étudiants ont ainsi pu bénéficier d'un séjour. Sur l'ensemble des séjours deux tiers ont lieu à l'étranger.

De plus, on a observé que :

- Parmi les séjours à l'étranger, 75% étaient d'une durée d'une semaine.
- Parmi les séjours en France, 65% étaient d'une durée d'un week-end.

1. Calculer le nombre de séjours à l'étranger.
2. Recopier et compléter le tableau ci-dessous par les effectifs.

Tableau 1	W	S	Total
F			
E			360
Total			540

3. Calculer la fréquence des séjours en France parmi les séjours d'un week-end.



4. Cette année, les propositions du BDE s'élargissent aux séjours d'un mois (M). Elles sont résumées dans la feuille de calcul ci-dessous. Le BDE a complété par le tableau des fréquences conditionnelles en colonnes (page A7:D10).

	A	B	C	D	E	
1		W	S	M	total	
2	F	120	40	20	180	
3	E	70	250	90	410	
4	total	190	290	110	590	
5						
6	Fréquences conditionnelles en colonnes					
7		W	S	M		
8	F	63,2%	13,8%	18,2%		
9	E	36,8%	86,2%	81,8%		
10		100,0%	100,0%	100,0%		

- Interpréter la valeur 86,2 % écrit dans la cellule C9.
- Quelle formule a-t-on saisi dans la cellule B8 et recopier dans la plage B8:B10 pour remplir le tableau ?